# Шленев Денис Михайлович

# КОМПТОНОПОДОБНЫЕ ПРОЦЕССЫ В ПРИСУТСТВИИ ВНЕШНЕЙ АКТИВНОЙ СРЕДЫ

01.04.02 - Теоретическая физика

### АВТОРЕФЕРАТ

диссертации на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук

Работа выполнена в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Ярославский государственный университет им. П. Г. Демидова» (ЯрГУ).

### Научный руководитель:

### Румянцев Дмитрий Александрович,

доктор физико-математических наук, профессор кафедры теоретической физики  $\mathrm{Яр}\Gamma\mathrm{У}$ , г.  $\mathrm{Ярославль}$ .

### Официальные оппоненты:

Дворников Максим Сергеевич, д. ф.-м. н., Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт земного магнетизма, ионосферы и распространения радиоволн им. Н.В. Пушкова Российской академии наук, г. Москва, г. Троицк, заведующий теоретическим отделом.

Шабад Анатолий Ефимович, д. ф.-м. н., Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Физический институт им. П.Н.Лебедева Российской академии наук, г. Москва, главный научный сотрудник лаборатории квантовой теории поля.

### Ведущая организация:

Объединённый институт ядерных исследований (ОИЯИ), г. Дубна.
Защита состоится в часов
на заседании диссертационного совета Д 002.119.01 при Федеральном государ-
ственном бюджетном учреждении науки Институте ядерных исследований Рос-
сийской академии наук (ИЯИ РАН), расположенном по адресу: проспект 60-летия
Октября, д. 7а, 117312, Москва.
С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ИЯИ РАН, а также на сайте
института http://www.inr.ru/rus/referat/dis-zasch.html
Автореферат разослан

Ученый секретарь диссертационного совета Д 002.119.01 к.ф.-м.н., ст. науч. сотр. ИЯИ РАН

# Общая характеристика работы

### Актуальность темы исследования.

В настоящее время является установленным фактом, что наличие магнитного поля в широком классе астрофизических объектов представляет типичную ситуацию для наблюдаемой Вселенной. При этом масштаб индукции магнитного поля B может варьироваться в очень широких пределах: от крупномасштабных ( $\sim 100$  килопарсек) межгалактических магнитных полей  $\sim 10^{-21}$  Гс [1], до полей, реализующихся в сценарии ротационного взрыва сверхновой  $\sim 10^{17}$  Гс [2, 3].

Особый интерес представляют объекты с полями масштаба так называемого критического значения  $B_e = m^2/e \simeq 4.41 \times 10^{13}~{\rm Fc}^{-1}$ . К ним, в частности, относятся изолированные нейтронные звезды, включающие в себя радиопульсары и так называемые магнитары, обладающими магнитными полями с индукцией от  $10^{12}~{\rm Fc}$  (радиопульсары) до  $4\times 10^{14}~{\rm Fc}$  (магнитары). Недавние наблюдения позволяют, в частности, отождествить некоторые астрофизические объекты, такие как источники мягких повторяющихся гамма-всплесков (SGR) и аномальные рентгеновские пульсары (AXP), с магнитарами (для обзора см., например, [4]). Согласно наиболее известной в настоящее время модели [5–7] в окрестности таких объектов возможно существование сильного магнитного поля, достигающего величины  $10^{15}-10^{16}~{\rm Fc}$ .

Анализ спектров излучения как радиопульсаров, так и магнитаров свидетельствует также о наличии электрон-позитронной плазмы в их магнитосферах с концентрацией порядка значения концентрации Голдрайха-Джулиана [8]:

$$n_{GJ} \simeq 3 \times 10^{13} \,\mathrm{cm}^{-3} \left(\frac{B}{100B_e}\right) \left(\frac{10 \,\mathrm{ceK}}{P}\right) \,,$$
 (1)

где  $P=2\pi/\Omega$  - период обращения нейтронной звезды.

 $<sup>^{-1}</sup>$  В работе используется естественная система единиц, где  $c=\hbar=k_{\rm B}=1,\,m$  — масса электрона, e>0 — элементарный заряд.

Естественно ожидать, что такие экстремальные условия будут оказывать существенное влияние на квантовые процессы, где в конечном или начальном состоянии могут присутствовать как электрически заряженные, так и электрически нейтральные частицы, такие как электроны, фотоны и нейтрино. Воздействие внешнего поля на такие процессы обусловлено как чувствительностью заряженных фермионов (в первую очередь электронов, как частиц с наибольшим удельным зарядом) к влиянию поля, так и тем фактом, что сильно замагниченная плазма существенно меняет дисперсионные свойства частиц, а значит, и их кинематику.

Кроме того, присутствие плотной горячей плазмы у нейтронных звёзд может приводить к тому, что магнитное поле перестаёт быть максимальным параметром задачи, или, если точнее, перестаёт выполняться условие [9]:

$$\frac{B^2}{8\pi} \gg \frac{\pi^2 (n_{e^-} - n_{e^+})^2}{eB} + \frac{eBT^2}{12}.$$
 (2)

При значениях плотности плазмы  $\rho \geqslant 10^8 \ {\rm r/cm^3}$  начинают возбуждаться высшие уровни Ландау виртуальных фермионов, в результате чего они становятся нестабильными. Это явление приводит к возникновению возможности резонансных переходов, которые способны значительно повлиять на скорость протекания реакций в астрофизических объектах.

Среди квантовых процессов, свойства которых существенно, а иногда принципиально меняются под воздействием замагниченной среды, особый интерес для астрофизики представляют одно-, двух- и трёхвершинные процессы. Это обусловлено тем, что с точки зрения влияния микрофизических процессов на макроскопические характеристики астрофизических объектов (например, скорость потери энергии, число рождаемых частиц, коэффициент диффузии и т.п.) существенными будут лишь те реакции, которые дают лидирующие по константам связи вклады.

Резонанс на виртуальном электроне для электродинамического процесса с двумя векторными вершинами,  $\gamma e \to \gamma e$ , в настоящее время представляет

огромный интерес для астрофизических приложений к задаче формирования спектров излучения в магнитосферах нейтронных звезд [10, 11].

Замагниченная среда с не слишком высокими значениями плотности и температуры ( $T\lesssim 2~{\rm MpB},~\rho\lesssim 10^{11}~{\rm г/cm^3},$  такие условия могут существовать во внешней коре нейтронной звезды после двадцати секунд после её рождения [12]) является прозрачной для нейтрино. По этой причине квантовые процессы, содержащие нейтрино в конечном состоянии, играют определяющую роль при остывании нейтронных звёзд на начальной стадии их эволюции [13–16].

Другим интересным примером электродинамического процесса является расщепление фотона,  $\gamma \to \gamma \gamma$ . Эта реакция запрещёна в вакууме, но становится разрешённой в присутствии внешнего магнитного поля. Процесс расщепления фотона исследовался в течение длительного времени. Тем не менее, интерес к нему не угасает из-за астрофизических приложений, ведущих к наблюдаемым результатам. Сюда входят объяснение особенностей гамма-спектров некоторых радиопульсаров, особенностей радио-излучения у источников мягких повторяющихся гамма-всплесков и аномальных рентгеновских пульсаров, объяснение механизмов вспышек источников мягких повторяющихся гамма-всплесков. Детальный обзор литературы был проведён в работе [17].

Настоящая диссертация посвящена исследованию квантовых процессов с участием нейтрино и фотонов во внешней активной среде с учётом возможного резонанса на виртуальном электроне.

# Цели и задачи диссертационной работы:

1. Вычислить амплитуды обобщённого комптоноподобного процесса в области резонанса  $jf \to j'f'$  в постоянном однородном магнитном поле и замагниченной плазме, где f и f' – начальный и конечный фермионы, находящиеся на произвольных уровнях Ландау, j и j' – обобщенные токи скалярного, псевдоскалярного, векторного или аксиального типов для случая возможного резонанса на виртуальном фермионе.

- 2. Вычислить нейтринную излучательную способность, обусловленную комптоноподобным процессом фоторождения нейтрино,  $\gamma e \to e \nu \bar{\nu}$ , в холодной замагниченной плазме с учетом резонанса на виртуальном электроне, занимающем произвольный уровень Ландау n.
- 3. Получить коэффициент поглощения фотона в процессе  $\gamma e \to \gamma e$  с учётом резонанса на виртуальном электроне в приближении  $\delta$ -образного пика.
- 4. Для процесса расщепления фотона  $\gamma \to \gamma \gamma$ , в присутствии холодной почти вырожденной плазмы и в сильном магнитном поле с учётом вклада позитрония в дисперсию фотона определить правила отбора по поляризациям фотонов и вычислить соответствующие парциальные вероятности для разрешённых каналов.

### Научная новизна.

Следующие результаты, представленные в диссертации, являются новыми:

- 1. Впервые получены амплитуды процесса  $jf \to j'f'$  в замагниченной плазме в области резонанса.
- 2. Впервые получена нейтринная излучательная способность, обусловленная процессом фоторождения нейтрино,  $\gamma e \to e \nu \bar{\nu}$ , в холодной замагниченной плазме с учетом резонанса на виртуальном электроне, занимающем произвольный уровень Ландау n.
- 3. Впервые получены коэффициент поглощения фотона в процессе  $\gamma e \to \gamma e$  с учётом резонанса на виртуальном электроне в приближении  $\delta$ -образного пика.
- 4. Впервые получены правила отбора по поляризациям и вероятности в разрешённых каналах для процесса расщепления фотона в холодной почти вырожденной плазме и в сильном магнитном поле с учётом вклада позитрония.

### Теоретическая и практическая значимость.

Результаты представляют интерес для дальнейших теоретических исследований в области астрофизики и физики элементарных частиц, когда изучаемые частицы находятся под воздействием внешних экстремальных условий. Также результаты исследования могут быть использованы в образовательных целях как материал для учебной и методической литературы в помощь студентам соответствующих направлений подготовки.

### Методология и методы исследования.

При проведении исследований использовались известные методы квантовой теории поля и теоретические разработки физики элементарных частиц, развитые как для вакуума, так и для внешней активной среды.

### Положения, выносимые на защиту:

- 1. Впервые исследованы возможные резонансные эффекты в древесных двух-вершинных амплитудах для переходов  $jf \to j'f'$  в постоянном однородном магнитном поле и в присутствии замагниченной плазмы, где f и f' начальный и конечный фермионы, находящиеся на произвольных уровнях Ландау, j и j' обобщенные токи скалярного, псевдоскалярного, векторного или аксиального типов. Показано, что в области резонанса амплитуды реакции  $jf \to j'f'$  однозначно выражаются через амплитуды процессов  $jf \to \tilde{f}$  и  $\tilde{f} \to j'f'$ , содержащих промежуточное состояние  $\tilde{f}$ .
- 2. Впервые вычислена нейтринная излучательная способность, обусловленная процессом  $\gamma e \to e \nu \bar{\nu}$  в холодной замагниченной плазме с учетом резонанса на виртуальном электроне, занимающем произвольный уровень Ландау n. Впервые получен коэффициент поглощения фотона в процессе резонансного рассеяния  $\gamma e \to \gamma e$  в присутствии замагниченной плазмы, результат представлен в простой аналитической форме, удобной для дальнейшего использования при решении задачи переноса излучения. Показано, что использование  $\delta$ -функциональной аппроксимации резонансных

пиков в области резонансов хорошо согласуется с соответствующими в литературе результатами, полученными громоздкими численными расчетами.

3. Найдены правила отбора по поляризациям для процесса расщепления фотона  $\gamma \to \gamma \gamma$  в холодной почти вырожденной плазме и в сильном магнитном поле с учётом вклада позитрония. Для разрешённых каналов расщепления фотона вычислены парциальные вероятности процесса с учётом влияния замагниченной холодной плазмы и позитрония в дисперсию и перенормировку волновых функций фотонов. Полученные результаты показывают, что вклады плазмы и позитрония, с одной стороны, существенным образом изменяют правила отбора по поляризациям по сравнению со случаем чистого магнитного поля. В частности, становится возможным новый канал расщепления  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$ . С другой стороны, вероятность расщепления по каналам  $\gamma_1 \to \gamma_1 \gamma_2$  и  $\gamma_1 \to \gamma_2 \gamma_2$  оказалась подавлена по сравнению со случаем замагниченного вакуума.

Представленные результаты являются оригинальными и новыми.

# Степень достоверности и апробация результатов.

Основные результаты диссертации докладывались лично автором на следующих российских и международных конференциях и семинарах:

- 1. Международная сессия-конференция Секции ЯФ ОФН РАН «Физика фундаментальных взаимодействий» (г. Дубна, 2016)
- 2. XIV Конференция молодых учёных «Фундаментальные и прикладные космические исследования» (г. Москва, 2017)
- 3. The XXIII International Workshop «High Energy Physics and Quantum Field Theory» (г. Ярославль, 2017)
- 4. XXth International Seminar on High Energy Physics «Quarks-2018» (г. Вал-дай, 2018)

Автор докладывал результаты исследований на научных семинарах Института ядерных исследований РАН и кафедры теоретической физики ЯрГУ им. П. Г. Демидова.

### Публикации.

Всего по теме диссертации опубликовано 8 работ [1–8], из них 3 [1–3] – в рецензируемых журналах, 3 [4–6] – в сборниках трудов конференций и 2 [7–8] – не из списка ВАК. Список публикаций приведён в конце автореферата.

### Личный вклад автора.

- 1. Автором вычислены амплитуды обобщенного комптоноподобного процесса  $jf \to j'f'$  в постоянном однородном магнитном поле в резонансном случае.
- 2. Автором вычислена нейтринная излучательная способность, обусловленная комптоноподобным процессом фоторождения нейтрино,  $\gamma e \to e \nu \bar{\nu}$ , в холодной замагниченной плазме с учетом резонанса на виртуальном электроне, занимающем произвольный уровень Ландау n.
- 3. Автором получены коэффициент поглощения фотона в процессе  $\gamma e \to \gamma e$  при резонансе на виртуальном электроне в приближении  $\delta$ -образного пика.
- 4. Автором определены правила отбора по поляризациям и вычислены вероятности процесса  $\gamma \to \gamma \gamma$  в разрешённых каналах в присутствии холодной почти вырожденной плазмы и в сильном магнитном поле с учётом влияния позитрония.

# Структура и объем диссертации.

Диссертация состоит из введения, трёх глав, заключения, двух приложений и списка литературы. Объём диссертации – 131 страница. Список литературы включает 180 наименований.

# Содержание работы

**Во Введении** обоснована актуальность диссертационной работы, сформулирована цель и аргументирована научная новизна исследований, показана практическая значимость полученных результатов, представлены выносимые на защиту научные положения.

В первой главе проведено исследование комптоноподобного процесса в постоянном однородном магнитном поле и в присутствии замагниченной плазмы, получены амплитуды переходов  $jf \to j'f'$ , где f и f' – начальный и конечный фермионы, находящиеся на произвольных уровнях Ландау, j и j' – обобщенные токи скалярного, псевдоскалярного, векторного или аксиального типов.

Во введении к первой главе обсуждается актуальность рассматриваемой задачи и проводится обзор литературы по двухвершинным процессам в активной среде.

В разделе 1.2 приводится методика расчёта амплитуды процесса  $jf \to j'f'$ , основанная на использовании точных решений уравнения Дирака для начального и конечного фермионов во внешнем постоянном однородном магнитном поле, находящихся на произвольных уровнях Ландау, и пропагатора фермионов в виде суммы по уровням Ландау. Анализ полученной амплитуды позволяет выделить два возможных случая:

- 1) Если уровень Ландау, который занимает виртуальный фермион, меньше, чем уровни Ландау начального и конечного фермиона, реальная часть знаменателя пропагатора фермиона может обращаться в ноль, т.е. виртуальный фермион становится реальным с определённым законом дисперсии и имеет место резонанс на виртуальном фермионе
- 2) Если уровень Ландау, который занимает виртуальный фермион, больше или равен уровням Ландау начального и конечного фермиона, реальная часть знаменателя пропагатора фермиона в ноль не обращается, что говорит о невоз-

можности реализации резонанса на виртуальном фермионе.

В разделе 1.3 приведены амплитуды процесса  $jf \to j'f'$  вне области резонанса. Выражения имеют явный Лоренц- и калибровочно-инвариантный вид. В подразделе 1.3.1 получены выражения для амплитуд в предельном случае относительно сильного магнитного поля  $(B \gtrsim B_e)$ , при котором начальный и конечный электрон занимают основной уровень Ландау, а виртуальный фермион может находиться на произвольном уровне Ландау. В подразделе 1.3.2 проанализирован другой частный случай нерезонансного процесса  $jf \to j'f'$  – когерентное рассеяние тока j на реальных фермионах, принадлежащих плазме, без изменения их состояния (т.н. «рассеяние вперёд»), и сделано обобщение результатов работы [18] на случай присутствия замагниченной плазмы.

В разделе 1.4 получены амплитуды процесса  $jf \to j'f'$  для случая резонанса на виртуальном фермионе. Показано, что при  $\delta$ -функциональной аппроксимации резонансных пиков квадрат S-матричного элемента факторизуется квадратами S-матричных элементов подпроцессов  $jf \to \tilde{f}$  и  $\tilde{f} \to j'f'$ , содержащих промежуточное состояние  $\tilde{f}$ , и приведены одновершинные амплитуды для данных подпроцессов для вершин скалярного, псевдоскалярного, векторного или аксиального типов.

В разделе 1.5 обсуждаются возможные приложения результатов, полученных в данной главе. Результаты первой главы опубликованы в работах [1,2,8].

**Во второй главе** рассмотрены два двухвершинных процесса: фоторождения нейтрино на электроне,  $e\gamma \to e\nu\bar{\nu}$ , и комптоновское рассеяние,  $\gamma e \to \gamma e$ , протекающие в присутствии плотной замагниченной плазмы и в которых возможен резонанс на виртуальном электроне.

В разделе 2.1 проведён обзор литературы по фотонейтринному процессу и комптоновскому рассеянию, обсуждается актуальность рассматриваемых задач.

В разделе 2.2 результаты 1 главы данной диссертации были использованы для вычисления нейтринной излучательной способности, обусловленной

переходом  $e\gamma \to e\nu\bar{\nu}$  в случае резонанса. Было показано, что в данном случае нейтринная светимость фотонейтринного процесса  $Q_{\gamma e \to e\nu\bar{\nu}}$  выражется через нейтринную светимость  $Q_{e_n \to e_{\ell'}\nu\bar{\nu}}$ , обусловленную процессом  $e_n \to e_{\ell'}\nu\bar{\nu}$  [12]:

$$Q_{\gamma e \to e \nu \bar{\nu}} = \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{\ell'=0}^{n-1} Q_{e_n \to e_{\ell'} \nu \bar{\nu}}, \qquad (3)$$

На рис. 1 представлена зависимость светимости фотонейтринного процесса от  $\rho_6 = \rho/(10^6 \text{ г/см}^3)$  ( $\rho$  – плотность плазмы) для значений параметров  $B = 50B_e$  и  $T = 10^9$  К с учётом резонанса (сплошная линия) и без учёта резонанса [19] (пунктирная линия). Как видно из графика, вследствие влияния резонансных эффектов результаты работы [19] являются заниженными при плотности  $\rho \gtrsim 6 \times 10^8 \text{ г/см}^3$  при таких параметрах плазмы.

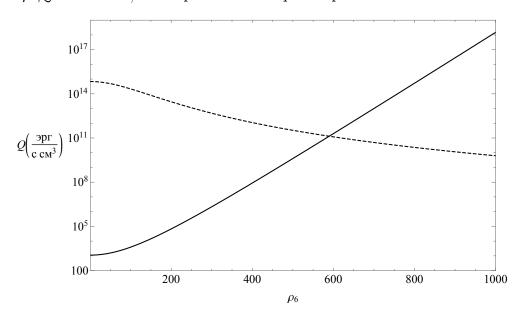


Рис. 1. Зависимость светимости фотонейтринного процесса от плотности плазмы для значений параметров  $B=50B_e$  и  $T=10^9$  К. Сплошная линия соответствует светимости резонансного процесса, пунктирная – без учёта резонанса.

В разделе 2.3 на основе амплитуд, полученных в 1 главе, рассчитан коэффициент поглощения фотона в процессе  $\gamma^{(\lambda)}e \to \gamma^{(\lambda')}e$ , где  $\lambda, \lambda' = 1, 2$  – мода фотона, в случае резонанса на виртуальном электроне. Выражение для коэффициента поглощения может быть представлено следующим образом в простой аналитической форме, удобной для дальнейшего использования при решении задачи о переносе излучения:

$$W_{\gamma^{(1)}e \to \gamma e} = \frac{\alpha \beta}{2\omega} \sum_{\ell=0}^{\infty} \sum_{n=n_0}^{\infty} \sum_{\epsilon=\pm 1}^{\infty} \frac{f_e(E_{\ell}^{\epsilon})[1 - f_e(E_{\ell}^{\epsilon} + \omega)]}{\sqrt{(M_n^2 - M_{\ell}^2 - q_{\parallel}^2)^2 - 4q_{\parallel}^2 M_{\ell}^2}} \times \left\{ [2\beta(n+\ell) - q_{\parallel}^2] (\mathcal{I}_{n,\ell-1}^2 + \mathcal{I}_{n-1,\ell}^2) - 8\beta\sqrt{\ell n} \mathcal{I}_{n,\ell-1} \mathcal{I}_{n-1,\ell} \right\},$$
(4)

$$W_{\gamma^{(2)}e \to \gamma e} = \frac{\alpha\beta}{2\omega} \sum_{\ell=0}^{\infty} \sum_{n=n_{0}}^{\infty} \sum_{\epsilon=\pm 1}^{\infty} \frac{f_{e}(E_{\ell}^{\epsilon})[1 - f_{e}(E_{\ell}^{\epsilon} + \omega)]}{\sqrt{(M_{n}^{2} - M_{\ell}^{2} - q_{\parallel}^{2})^{2} - 4q_{\parallel}^{2}M_{\ell}^{2}}} \times$$

$$\times \left\{ \left[ \frac{(2\beta(n-\ell))^{2}}{q_{\parallel}^{2}} - 2\beta(n+\ell) - 4m^{2} \right] (\mathcal{I}_{n,\ell}^{2} + \mathcal{I}_{n-1,\ell-1}^{2}) - 8\beta\sqrt{\ell n}\mathcal{I}_{n,\ell}\mathcal{I}_{n-1,\ell-1} \right\},$$

$$E_{\ell}^{\epsilon} = \frac{1}{2q_{\parallel}^{2}} \left[ \omega \left( M_{n}^{2} - M_{\ell}^{2} - q_{\parallel}^{2} \right) + \epsilon k_{z} \sqrt{\left( M_{n}^{2} - M_{\ell}^{2} - q_{\parallel}^{2} \right)^{2} - 4q_{\parallel}^{2}M_{\ell}^{2}} \right],$$

$$\mathcal{I}_{n,\ell} \equiv \mathcal{I}_{n,\ell} \left( q_{\perp}^{2}/(2\beta) \right),$$

$$\mathcal{I}_{n,\ell} = \sqrt{\frac{\ell!}{n!}} e^{-x/2} x^{(n-\ell)/2} L_{\ell}^{n-\ell}(x),$$

$$n_{0} = \ell + \left[ \frac{q_{\parallel}^{2} + 2M_{\ell} \sqrt{q_{\parallel}^{2}}}{2\beta} \right],$$

$$(5)$$

где  $L_n^k(x)$  – обобщенные полиномы Лагерра,  $\beta=B/B_e$ ,  $M_\ell=\sqrt{m^2+2\beta\ell}$ ,  $f_e(E_\ell)=[1+\exp(E_\ell-\mu)/T]^{-1}$  – равновесная функция распределения,  $\mu$  – химический потенциал плазмы, [x] – целая часть числа x.

Кроме того, было оказано, что использование δ-функциональной аппроксимации резонансных пиков в области резонансов хорошо согласуется с результатами работы [11], полученными громоздкими численными расчётами.

Результаты второй главы опубликованы в работах [3,4,7].

**В третьей главе** проведён анализ процесса расщепления фотона на два фотона,  $\gamma \to \gamma \gamma$ , в присутствии зарядово несимметричной плотной замагниченной плазмы и в сильном магнитном поле с учётом вклада позитрония, включая анализ влияния связанных состояний и плазмы на дисперсионные свойства фотонов.

Во введении к третьей главе проведён обзор литературы по процессу расщепления фотона и дисперсии фотона в активной среде, обсуждается актуальность рассматриваемой задачи.

В разделе 3.2 рассмотрены поляризационные состояния фотона в присутствии зарядово несимметричной плотной плазмы, получен закон дисперсии, который существенно отличается от вакуумного. Показано существование кинематической области, в которой квадрат четырёхмерного импульса фотона положителен. В ней становится возможным новый канал расщепления  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$ , который закрыт в магнитном поле в отсутствие плазмы. В то же время каналы  $\gamma_1 \to \gamma_1 \gamma_2$  и  $\gamma_1 \to \gamma_2 \gamma_2$ , разрешённые в магнитном поле, в этой области кинематически закрыты. Также отмечено, что в непосредственной близости от порога рождения пар собственное значение поляризационного оператора фотона моды 2 становится большим, что указывает на необходимость учёта перенормировки волновой функции фотона.

В разделе 3.3 на основе закона дисперсии для фотона в сильном магнитном поле с учётом влияния позитрония проведён анализ правил отбора по поляризациям для процесса расщепления фотона. Аналогично для случая зарядово несимметричной плотной плазмы, показано существование области, в которой открывается новый канал  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$ , а открытые в магнитном поле без учёта вклада позитрония каналы  $\gamma_1 \to \gamma_1 \gamma_2$  и  $\gamma_1 \to \gamma_2 \gamma_2$  закрыты.

В разделе 3.4 вычислена вероятность процесса поглощения фотона в присутствии зарядово несимметричной плотной плазмы. В предельном случае холодной плотной плазмы основным будет канал  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$ . На рис. 2 коэффициент поглощения фотона для канала  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$  представлен как функция энергии начального фотона для случая, когда фотон распространяется поперек направления магнитного поля для значений химического потенциала 1 МэВ и 0.75 МэВ.

В разделе 3.5 получены парциальные вероятности процесса поглощения фотона в сильном магнитном поле с учётом вклада позитрония для разрешён-

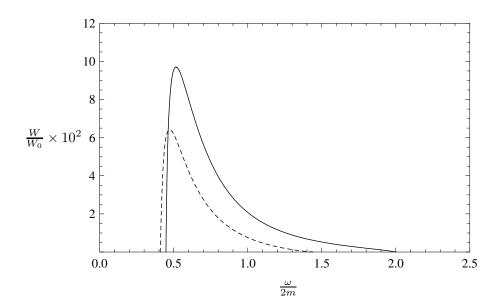


Рис. 2. Вероятность расщепления фотона по каналу  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$  в сильном магнитном поле  $(B/B_e=200)$  и холодной  $(T=50~{\rm кэВ})$  плазме при химическом потенциале 1 МэВ (сплошная линия) и 0.75 МэВ (штриховая линия). Здесь  $\theta=\pi/2,\,W_0\simeq 3.25\cdot 10^2{\rm cm}^{-1}$ 

ных каналов. Они представлены как функции энергии начального фотона при  $B=200B_e$  на рис. 3 - 5.

Для расщепления фотона по каналу  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$  было получено аналитическое выражение коэффициента поглощения фотона:

$$W_{2\to 11} = \frac{\alpha^3}{8\pi^2} Z_2 H^2 \left(\frac{q_{\parallel}^2}{4m^2}\right) \frac{q_{\perp}^2}{\omega} \mathcal{F}\left(\sqrt{\frac{q_{\parallel}^2}{q_{\perp}^2}}\right) \Theta(q^2), \qquad (6)$$

$$\mathcal{F}(z) = 2 \ln z - 1 + z^{-2},$$

$$H(z) = \frac{1}{\sqrt{z(1-z)}} \operatorname{arctg} \sqrt{\frac{z}{1-z}} - 1.$$

**В заключении** третьей главы проводится анализ полученных результатов. В частности, отмечается, что, как видно из рис. 3 и рис. 4, вероятность процесса расщепления фотона в сильном магнитном поле с учётом влияния позитрония в этих каналах оказалась меньше, чем без учёта влияния позитрония. Это связано с тем, что в кинематической области  $q^2 > 0$  эти каналы закрыты.

Результаты третьей главы опубликованы в работах [5,6].

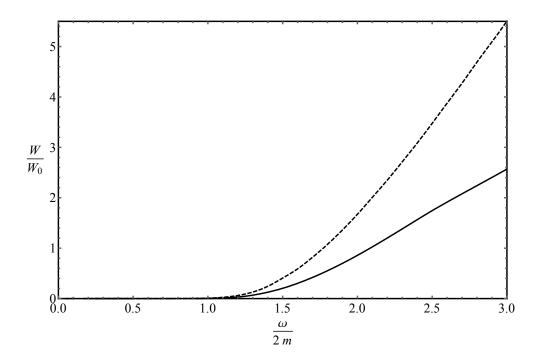


Рис. 3. Коэффициент поглощения фотона в канале  $\gamma_1 \to \gamma_1 \gamma_2$  в сильном магнитном поле  $(B/B_e=200)$ . Пунктирная линия соответствует вероятности реакции в замагниченном вакууме без учёта вклада позитрония [20]. Здесь  $W_0=3.25\cdot 10^2{
m cm}^{-1}$ .

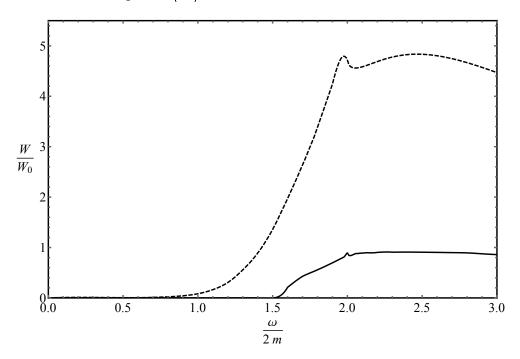


Рис. 4. Коэффициент поглощения фотона в канале  $\gamma_1 \to \gamma_2 \gamma_2$  в сильном магнитном поле  $(B/B_e=200)$ . Пунктирная линия соответствует вероятности реакции в замагниченном вакууме без учёта вклада позитрония [20]. Здесь  $W_0=3.25\cdot 10^2{\rm cm}^{-1}$ .

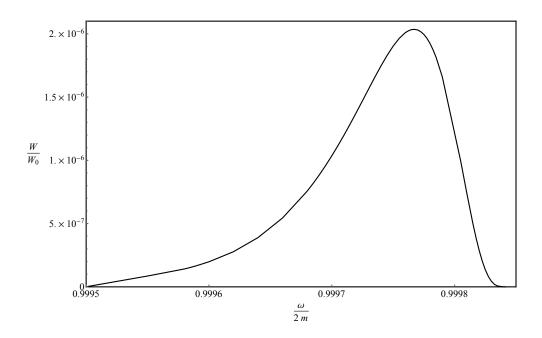


Рис. 5. Коэффициент поглощения фотона в канале  $\gamma_2 \to \gamma_1 \gamma_1$  в сильном магнитном поле  $(B/B_e=200).~W_0=3.25\cdot 10^2 {\rm cm}^{-1}.$ 

В Заключении сформулированы основные результаты диссертации

В Приложении А приведены величины  $\mathcal{R}_{k'k}^{s's}$ , входящие выражения для обобщённых амплитуд процесса  $jf \to j'f'$  с токами j и j' скалярного, псевдоскалярного, векторного или аксиального типов.

**В Приложении Б** приводится вычисление амплитуды процесса  $\gamma \to \gamma \gamma$  в сильно замагниченной плазме.

# Список публикаций автора по теме диссертации

- 1. Kuznetsov A. V., Rumyantsev D. A., Shlenev D. M. Generalized two-point tree-level amplitude  $jf \to j'f'$  in a magnetized medium // Int. J. Mod. Phys. 2015. Vol. A30, no. 11. P. 1550049.
- Кузнецов А. В., Румянцев Д. А., Шленев Д. М. Обобщённая древесная амплитуда рассеяния в замагниченной среде // Физ. элемент. част. и атом. яд. 2017. Т. 48, № 6. С. 980–983.
- 3. Румянцев Д. А., Шленев Д. М., Ярков А. А. Резонансы в комптонопо-

- добных процессах рассеяния во внешней замагниченной среде // Журн. эксперим. и теор. физ. 2017. Т. 152, № 3. С. 483–494.
- 4. Kuznetsov A., Rumyantsev D., Shlenev D. Neutrino photoproduction on the electron in dense magnetized medium // EPJ Web Conf. 2017. Vol. 158. P. 05008.
- 5. Chistyakov M. V., Rumyantsev D. A., Shlenev D. M. Photon splitting in a strongly magnetized, charge-asymmetric plasma // EPJ Web Conf. 2016. Vol. 125. P. 04017 (1–11).
- Anikin R. A., Chistyakov M. V., Rumyantsev D. A., Shlenev D. M. Photon splitting in strongly magnetized medium with taking into account positronium influence // EPJ Web Conf. 2018. Vol. 191. P. 08011.
- Chistyakov M. V., Shlenev D. M., Rumyantsev D. A. et al. Neutrino photoproductio on electron in dense magnetized medium // Quarks'2014. Proc. of 18-th Int.
   Sem. <Quarks'2014>, Suzdal, Russia, 2014. Ed. by P. S. Satunin, e.a. Inst.
   Nucl. Res., Moscow. 2015. P. 322–329.
- 8. Кузнецов А. В., Румянцев Д. А., Шленев Д. М. Обобщённая древесная амплитуда рассеяния в замагниченной среде // Вестник Ярославского государственного университета им. П.Г.Демидова. Серия Естественные и технические науки. 2015. № 1. С. 16–26.

# Цитированная литература

- Ryu D., Schleicher D. R. G., Treumann R. A. et al. Magnetic fields in the large-scale structure of the universe // Space Science Reviews. 2012. Vol. 166, no. 1-4. P. 1-35.
- 2. Бисноватый-Коган Г. С. Взрыв вращающейся звезды как механизм сверхновой // Астрон. журн. 1970. Т. 47. С. 813–816.

- 3. Бисноватый-Коган Г. С. Физические вопросы теории звездной эволюции. М: Наука, 1989. 487 с.
- 4. Olausen S. A., Kaspi V. M. The McGill magnetar catalog // Astrophys. J. Suppl. 2014. Vol. 212, no. 1. P. 6.
- 5. Thompson C., Duncan R. C. The soft gamma repeaters as very strongly magnetized neutron stars I. Radiative mechanism for outbursts // Mon. Not. Roy. Astron. Soc. 1995. Vol. 275. P. 255–300.
- 6. Thompson C., Duncan R. C. The soft gamma repeaters as very strongly magnetized neutron stars. II. Quiescent neutrino, X-Ray, and Alfven wave emission // Astrophys. J. 1996. Vol. 473. P. 322–342.
- 7. Thompson C., Lyutikov M., Kulkarni S. R. Electrodynamics of magnetars: implications for the persistent x-ray emission and spindown of the soft gamma repeaters and anomalous x-ray pulsars // Astrophys. J. 2002. Vol. 574, no. 1. P. 332–355.
- 8. Goldreich P., Julian W. H. Pulsar electrodynamics // Astrophys. J. 1969. Vol. 157. P. 869–880.
- Румянцев Д. А., Чистяков М. В. Влияние фотон-нейтринных процессов на остывание магнитара // Журн. эксперим. и теор. физ. 2008. Т. 134, № 4. С. 627–636.
- Gonthier P. L., Baring M. G., Eiles M. T. et al. Compton scattering in strong magnetic fields: Spin-dependent influences at the cyclotron resonance // Phys. Rev. 2014. Vol. D90, no. 4. P. 043014.
- Mushtukov A. A., Nagirner D. I., Poutanen J. Compton scattering S-matrix and cross section in strong magnetic field // Phys. Rev. 2016. Vol. D93, no. 10. P. 105003.
- 12. Yakovlev D. G., Kaminker A. D., Gnedin O. Y., Haensel P. Neutrino emission from neutron stars // Phys. Rep. 2001. Vol. 354. P. 1–155.
- Пинаев В. С. Некоторые процессы рождения нейтринных пар в звездах // Журн. эксперим. и теор. физ. 1964. Т. 45, № 2. С. 548–554.

- 14. Борисов А. В., Жуковский В. Ч., Эминов П. А. Испускание нейтринных пар электроном в сверхсильном магнитном поле // Известия ВУЗов. Физика. 1978. № 3. С. 110–114.
- 15. Yakovlev D. G., Tschaepe R. Synchrotron neutrino pair radiation in neutron stars // Astronomische Nachrichten. 1981. Vol. 302. P. 167–176.
- 16. Yakovlev D. G., Tschaepe R. Erratum Synchroton neutrino-pair radiation in neutron stars // Astronomische Nachrichten. 1982. Vol. 303. P. 218.
- Chistyakov M. V., Rumyantsev D. A., Stus' N. S. Photon splitting and Compton scattering in strongly magnetized hot plasma // Phys. Rev. 2012. Vol. D86. P. 043007.
- 18. Боровков М. Ю., Кузнецов А. В., Михеев Н. В. Однопетлевая амплитуда перехода  $j \to f\bar{f} \to j'$  во внешнем электромагнитном поле // Ядерная физика. 1999. Т. 62, № 9. С. 1714–1722.
- Михеев Н. В., Румянцев Д. А., Чистяков М. В. Фоторождение нейтрино на электроне в плотной замагниченной среде // Журн. эксперим. и теор. физ. 2014. Т. 146, №4. С. 289-296.
- Chistyakov M. V., Kuznetsov A. V., Mikheev N. V. Photon splitting above the pair creation threshold in a strong magnetic field // Phys.Lett. B. 1998. Vol. 434. P. 67–73.